

ELMÉLETI TÉTEL:

„Járd körbe” a tömb fogalmát (Pascal vagy C/C++): definíció, egy-, két-, több-dimenziós tömbök, kezdőértékadás definíciókor, tömb típusú paraméterek átadása alprogramoknak. [2 pont]

GYAKORLATI TÉTEL:

1. Legyen az alábbi pszeudokód program (a beolvasott érték természetes szám; a „/” operátor osztási hányadost, a „%” operátor pedig osztási maradékot ad meg):

```
beolvas a
amíg a > 0 végezd
  kiír a % 10
  a = a / 10

```

Mit ír ki a program, ha a beolvasott érték 2016? [0.5 pont] 6102

2. Legyen az alábbi pszeudokód program (a beolvasott érték természetes szám; a „/” operátor osztási hányadost, a „%” operátor pedig osztási maradékot ad meg):

```
beolvas a
k1 = 0
k2 = 0
amíg a > 0 végezd
  ha a % 2 == 1 akkor
    k1 = k1 * 10 + a % 10
  különben
    k2 = k2 * 10 + a % 10
  a = a / 10
kiír k1, ",", k2
```

Mit ír ki a program, ha a beolvasott érték 2016? [0.5 pont] 1,602

3. Legyen az alábbi pszeudokód programrészlet (az $x[1..n]$ ($n \geq 1$) tömbszakasz egy növekvő sorrendbe rendezett természetes szám- sorozatot tárol, az n változó pedig ennek hosszát):

```
beolvas a
i = n
amíg i > 0 ÉS  $x[i] \geq a$  végezd
   $x[i+1] = x[i]$ 
   $i = i - 1$ 
 $x[i+1] = a$ 
minden  $i = 1, n+1$  végezd
  kiír  $x[i]$ 

```

Mit ír ki a program, ha $n=5$, a számsorozat elemei 13, 17, 23, 23, 53, a beolvasott érték pedig 55? [0.5 pont] 13, 17, 23, 23, 53, 55

Mit valósít meg a programrészlet (fogalmazd meg tömören)? [0.5 pont] Beszúrja a-t, a helyére, a növekvő sorozatba

4. Legyen az alábbi pszeudokód programrészlet (a beolvasott értékek természetes számok; a „/” operátor osztási hányadost, a „%” operátor pedig osztási maradékot ad meg):

```

beolvas n
minden i = 1, n végezd
    beolvas x
    amíg x > 9 végezd
        s = 0
        amíg x > 0 végezd
            s = s + x%10
            x = x / 10
        kiír s
    x = s
kiír x

```

Mit ír ki a program, ha n -be az 5 értéket, majd az x változóba sorra az 139, 999, 89, 6, 11 értékeket olvassuk be? [0.5 pont] 4,9,8,6,2

5. Legyen az alábbi pszeudokód programrészlet (az $y[1..n][1..n]$ ($n \geq 1$) tömb egy négyzetes mátrixot tárol, az n változó pedig ennek méretét; figyelem az aláhúzott változók sorrendjére):

```

i = n
amíg i > 0 végezd
    j = n
    amíg j > 0 végezd
        kiír y[i, j]
        j = j - 1
    i = i - 1

```

Mit ír ki a program, ha $n=4$, a mátrix elemei pedig (sorfolytonosan) 1, 2, 3, 4, 9, 9, 9, 9, 1, 2, 3, 4, 1, 2, 3, 4? [0.5 pont] 4,4,9,4,3,3,9,3,2,2,9,2,1,1,9,1

6. Írj Pascal vagy C/C++ programot, amely billentyűzetről beolvassa az n értéket ($1 \leq n \leq 999$), valamint egy n elemű számsorozatot (elemei egész számok), majd kiírja a képernyőre a számsorozat elemeinek összegét. [1 pont]

```

#include <stdio.h>
int main() {
    int n, szam, i, s = 0;
    scanf("%i", &n);
    for( i = 0 ; i < n ; ++i ){
        scanf("%i", &szam);
        s += szam;
    }
    printf("Osszeg: %i\n", s);
    return 0;
}

```

7. Írj Pascal vagy C/C++ programot, amely a `matrix.txt` állományból beolvassa az n és m értékeket ($2 \leq n, m \leq 999$), valamint egy $n \times m$ méretű mátrixot (elemei egész számok), és kiírja a képernyőre, hogy a mátrix hány sora alkot szigorúan növekvő számsorozatot. [1 pont]

```

#include <stdio.h>
int main(){
    int n, m, x, y, i, j, db = 0; //x,y adott sor ket egymasutani elemet tarolja
    bool kem;
    freopen("matrix.txt", "r", stdin); //az allomanyt standard input-ta teszuk
    scanf("%i%i", &n, &m);
    for( i = 0 ; i < n ; ++i ){
        scanf("%i", &x); // beolvassuk a sorelsot
        kem = true;
        for( j = 1 ; j < m ; ++j ){
            scanf("%i", &y);
            if( x >= y ){
                kem = false;
            }
            x = y;
        }
        if(kem){
            ++db;
        }
    }
    freopen("CON", "r", stdin); //ujra a billentyuzet legyen a standard input
    printf("Ennyi sora szigoruan novekvő: %i\n", db);
    return 0;
}

```

8. Írj függvényt (Pascal vagy C/C++ nyelven), amely visszatéríti egy keresett érték pozícióját egy növekvő sorrendbe rendezett számsorozatban. Tekintsd úgy, hogy a keresett értéket az x változó, a számsorozat hosszát az n változó, a számsorozatot pedig az $a[1..n]$ tömb (Pascal változat) vagy az $a[0..n-1]$ tömb (C/C++ változat) tárolja. Ha többször is előfordul az illető érték a számsorozatban (monoton növekvő), akkor az utolsó előfordulási pozícióban vagyunk érdekeltek. Ha nem szerepel a keresett érték a számsorozatban, akkor a függvény térítse vissza a -1 értéket. *A függvényt implementáld iteratívan is és rekurzívan is.* Mindkét esetben add meg azt is, hogy miként hívnád meg függvényedet. Törekedj hatékony megoldásra! [1 pont]

```

int rekurziv(int *a, int kezdet, int veg, int x){ //meghivas: rekurziv(a,0,n-1,x)
    if( kezdet > veg ){ return -1; }
    int kozep = (kezdet + veg) / 2;
    if( x == a[kozep] ){
        while( kozep < veg && x == a[kozep+1] ){
            ++kozep;
        }
        return kozep;
    }
    else if( x < a[kozep] ){
        return rekurziv(a, kezdet, kozep-1, x);
    }
    else{
        return rekurziv(a, kozep+1, veg, x);
    }
}

int iterativ(int *a, int n, int x){ //meghivas: iterativ(a,n,x)
    int kezdet = 0, veg = n-1, kozep;
    while( kezdet <= veg ){
        kozep = (kezdet + veg) / 2;
        if( x == a[kozep] ){
            while( kozep < veg && x == a[kozep+1] ){
                ++kozep;
            }
            return kozep;
        }
        else if( x < a[kozep] ){
            veg = kozep-1;
        }
        else{
            kezdet = kozep+1;
        }
    }
    return -1;
}

```

9. Egy sajátos módszert definiálunk az $\{1,2,3,\dots,n\}$ halmaz valamely permutációjának rendezésére, amelyben egy *lépés* abból áll, hogy a számsorozat valamely elemét a számsorozat végére tesszük. Írj függvényt (Pascal vagy C/C++ nyelven), amely visszatéríti a minimális *lépés*-számot, amellyel a paraméterként kapott permutáció (mint n elemű számsorozat) elemi növekvő sorrendbe rendezhetőek. Például a 3,1,5,2,4 permutáció/számsorozat esetén a minimális lépésszám 3. (Példa egy *tetszőleges* lépésre: az adott példában az 5-ös elemet a számsor végére tesszük; e lépés nyomán a számsor 3,1,2,4,5 –re változik) [1 pont]

Megjegyzés: Megszámoljuk az 1-es értékkel kezdődő leghosszabb, egymás utáni értékeket tartalmazó, nem feltétlenül egymás utáni pozíciókban levő részsorozat hosszát. A minimális lépésszámot úgy kapjuk, hogy n -ből kivonjuk a fentebb meghatározott értéket. A példára, azon részsorozat, amelynek elemeit nem kell végére-léptetni: 1,2 (3,1,5,2,4). A többi elemet ($5-2=3$ darabot), növekvő sorrendben, egyenként végére-léptetjük: (3,1,5,2,4) >> (1,5,2,4,3) >> (1,5,2,3,4) >> (1,2,3,4,5)

```
int minlepes(int *a, int n){
    int i, p;
    p = 1;
    for( i = 0 ; i < n ; ++i ){
        if( a[i] == p ){
            ++p;
        }
    }
    return n - (p - 1);
}
```


